

**الموضوع الأول: (08 نقط)**

ورد في الصفحة رقم 19 من كتيب التوجهات التربوية والبرامج الخاصة بتدريس مادة الرياضيات سلك التعليم الثانوي التأهيلي الصادر

عن مديرية المناهج بتاريخ نونبر 2007، الجدول التالي بشأن درس الترتيب في المجموعة R:

محتوى البرنامج	القدرات المنظرة	توجهات تربية
<ul style="list-style-type: none"> <li>- الترتيب والعمليات؛</li> <li>- القيمة المطلقة وخصائصها؛</li> <li>- المجالات؛</li> <li>- التأطير والتقرير، التقديرات العشرية.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- التمكن من مختلف تقنيات مقارنة عددين (أو تعبيرين) واستعمال المناسب منها حسب الوضعية المدرّسة؛</li> <li>- تمثيل مختلف العلاقات المرتبطة بالترتيب على المستقيم العددي؛</li> <li>- إدراك وتحديد تقرير عدد (أو تعبير) بدقة معلومة. إنجاز إكارات أو إصغريات لعبارات جبرية؛</li> <li>- استعمال الآلة الحاسبة لتحديد قيم مقربة لعدد حقيقي.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- إن توظيف الترتيب في مقارنة بعض الأعداد و في إثبات بعض العلاقات يعتبر من المهارات التي ينبغي الحرص على تبنيها و تثبيتها، كما أن تأويل علاقات من الشكل <math>r \leq  x  - a</math> وإنجاز بعض الإكارات باستعمال المتباينة المثلثية وخصائص القيمة المطلقة، من التقنيات الأساسية التي ينبغي تزين التلاميذ على استعمالها بشكل تدريجي.</li> <li>- ينبغي ربط مفهوم القيمة المطلقة بالمسافة بين نقطتين على مستقيم مدرج.</li> <li>- يمكن تقديم الخصائص المتعلقة بتأطير وتقرير مجموع عددين أو فرق عددين في الحالة العامة، أما تأطير وتقرير جداء وخارج عددين حقيقيين فينبغي دراستها من خلال أمثلة عددية مختارة تبين للللاميذ الاحتياطات التي ينبغي اتخاذها وشروط صحة الاستدلالات.</li> <li>- تعتبر الآلة الحاسبة أداة مساعدة في تناول المفاهيم السابقة (التأطير والتقرير...) غير أنه ينبغي التتحقق من أن التلاميذ مملؤون بالكتابية العلمية لعدد ومدركون أن الآلة الحاسبة تعطي في أغلب الأحيان تقريراً عشرياً للنتيجة، لذا ينبغي إكساب التلاميذ التقنيات الخاصة بالآلة الحاسبة العلمية (الأولويات في العمليات، وظائف الملامس...)</li> </ul>

1- أ) حدد المستوى الدراسي العلمي أو التقني المعني بهذه التوجهات التربوية.

ب) ما هو موقع هذا الدرس في المقرر الدراسي السنوي لهذا المستوى الدراسي؟

2- حدد ثلاثة مكتسبات قبلية أساسية لبناء هذا الدرس.

3- حدد امتدادين لهذا الدرس.

4- قدم ثلاثة تكثينات لمقارنة عددين (أو تعبيرين) مع مثال تطبيقي لكل واحدة منها في وضعية مناسبة مع مراعاة المستوى المستهدف.

5- ورد في التوجيهات التربوية أن تأثير وتقريب جداء وخارج عددين حقيقيين ينبغي دراستها من خلال أمثلة عددية مختارة تبين للتلاميد الاحتياطات التي ينبغي اتخاذها. اقترح مثالين تبرز فيها هذه الاحتياطات، الأول عن تأثير جداء عددين حقيقيين والثاني عن تقريب خارج عددين حقيقيين.

6- في سياق هذا الدرس قدم أستاذ النشاط التالي:

ليكن  $x$  عنصراً من المجال  $[1, +\infty]$

$$1- \text{تحقق أن: } (\sqrt{x} - 1)(\sqrt{x} + 1)$$

$$2- \text{بين أن: } (x - 1) \leq \frac{1}{2}(\sqrt{x} - 1)$$

$$3- (1) \text{ بين أن: } \frac{1}{\sqrt{x}} - \left(1 - \frac{x-1}{2}\right) = \frac{\sqrt{x}-1}{2\sqrt{x}}(x + \sqrt{x} - 2)$$

$$4- (b) \text{ استنتج أن: } \frac{1}{\sqrt{x}} - \left(1 - \frac{x-1}{2}\right) = (\sqrt{x} - 1)^2 \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)$$

4- نفترض أن:  $r \in \mathbb{R}^*$  حيث  $x \in [1, 1+r]$

$$5- (a) \text{ بين أن: } \frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{x}} \leq \frac{3}{2} \leq \frac{r^2}{4} \quad (\sqrt{x} - 1)^2$$

$$5- (b) \text{ استنتاج أن: } \left| \frac{1}{\sqrt{x}} - \left(1 - \frac{x-1}{2}\right) \right| \leq \frac{3r^2}{8}$$

$$5- (c) \text{ أوجد قيمة مقربة للعدد } \frac{1}{\sqrt[6]{1,0004}} \text{ بالدقة } 10^{-3}$$

ا) حدد طبيعة هذا النشاط (قيادي/تذكيري/بنائي/توسيعي) معللاً جوابك انطلاقاً من التوجيهات التربوية بشأن درس التقريب

في المجموعة  $\mathbb{R}$

ب) حدد المعارف الضرورية لإنجاز هذا النشاط.

ج) حدد تكثينتين أساسيتين لإنجاز السؤال 4-1 من هذا النشاط.

د) احضر صعوبتين يمكن أن يصادفها التلاميد أثناء إنجاز هذا النشاط.

هـ) حدد موجهات للأستاذ من أجل تدبير إنجاز صفي لهذا النشاط فيما يخص الإيقاع الزمني في تناوب فترات البحث والتصحيح الجامعي.

**الموضوع الثاني: (2,5 نقط)**

يتخلل مفهوم المسافة برامج مادة الرياضيات لسلك التعليم الثانوي التأهيلي عبر عدة محطات.

- 1) حدد عناوين ثلاثة دروس تستهدف قدرة مرتقبة بحساب أو تحديد مسافة (تحديد درس واحد وقدرة واحدة من مستوى الجذع المشترك العلمي و درس واحد وقدرة واحدة من مستوى الأولى بكالوريا علوم تجريبية و درس واحد وقدرة واحدة من مستوى الثانية بكالوريا علوم تجريبية)
- 2) حدد صعوبتين ديداكتيكين رصدتهما بشأن هذا المفهوم.

**الموضوع الثالث: (5,5 نقط)**

اقترحت أستاذة التمرن التالي على تلامذتها في قسم من مستوى الثانية بكالوريا بأحد مسالك شعبة العلوم التجريبية:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\cos x}{\cos 2x} \right)^{\frac{1}{x^2}}$$

احسب النهاية التالية:

وردت بعض الأخطاء في أجوبة ثلاثة تلاميذ A و B و C  
**جواب التلميذ A:**

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\cos x}{\cos 2x} \right)^{\frac{1}{x^2}} = 0 \quad \text{فإن: } -1 < \frac{\cos x}{\cos 2x} < 1 \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x^2} = +\infty$$

**جواب التلميذ B:**

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\cos x}{\cos 2x} \right)^{\frac{1}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{\frac{1}{x^2}} \quad \text{إذن: } \lim_{x \rightarrow 0} \cos 2x = \cos(2 \times 0) = \cos 0 = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{\frac{1}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow 0} e^{\frac{1}{x^2} \ln(\cos x)} = \lim_{x \rightarrow 0} e^{\frac{\ln(\cos x)}{\cos(x)-1} \times \frac{(\cos(x)-1)}{x^2}}$$

$$\text{وإذن: } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\cos x)}{\cos(x)-1} = \lim_{t \rightarrow 1} \frac{\ln(t)}{t-1} = 1 \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(x)-1}{x^2} = -\frac{1}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\cos x}{\cos 2x} \right)^{\frac{1}{x^2}} = e^{\ln(-\frac{1}{2})} = e^{-\left(\frac{1}{2}\right)} = \frac{1}{\sqrt{e}}$$

**جواب التلميذ C:**

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\cos x}{\cos 2x} \right)^{\frac{1}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow 0} 1^{\frac{1}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow 0} 1 = 1 \quad \text{إذن: } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x}{\cos 2x} = \frac{\cos 0}{\cos(2 \times 0)} = \frac{1}{1} = 1$$

- 1) أ) قم بحصر الأخطاء الواردة في أجوبة التلاميذ A و B و C.
- ب) حدد أسباب الأخطاء المرصودة لدى التلاميذ A و B و C.
- ج) ما هي مصادر هذه الأخطاء؟
- 2) اقترح وضعيية داعمة لل תלמיד A .
- 3) أنجز حلًا مفصلاً لهذا التمرين يمكن تقديمها للقسم المعنى في حصة دراسية.

انتهى

الامتحان	علوم التربية وبدائلها مادة التخصص	المكون	علوم التربية	مدة إجازة الاختبار :	ثلاث ساعات
النخصص	جميع التخصصات	التخصص	الملخص	معامل الاختبار :	1

تَعْلِيماتٌ هَامَةٌ

- يتعين على المترشح (ة) أن يجيب على مكون علوم التربية في نفس ورقة التحرير الخاصة بالإجابة عن أسئلة مكون ديداكتيك مادة التخصص؛

- يشتمل اختبار مكون علوم التربية على أربعة أسئلة؛

- ينقطع كل جواب صحيح ب نقطة واحدة.

## أسئلة مكون علوم التربية:

١. بين (أ) الفرق بين النظرية البنائية والنظرية السوسيوبنائية في النمو، من خلال الجدول التالي، بعد نقله على ورقة التحرير: (١٢)

السيوسيوبنائية	البنائية	النظريّة
		العامل الحاسم المؤثر في النمو طبيعة الصراع

2. تقوم نظرية الجشطلت على مجموعة من القوانين.  
أذكر (ي) أي القانون الذي يعكسه كل من المثالين الآتيين:

القانون	المثال
	أثناء الإنشاء يميل "أحمد" إلى اختيار كلمات متماثلة من حيث نطقها وشكلها.
	طلب من مجموعة من التلاميذ وصف أشكال وجوه، فاختاروا جميعاً الوجوه التي تنظر إلى جهة اليمين، باستثناء "سامي" الذي اختار الوجه التي تميل إلى جهة اليسار، علمًا أنَّ سامي أشول (يكتب بيده اليسرى).

3. تُعرف المدرسة سوسيولوجياً بأنها مجتمع مصغر يعكس ويعيد إنتاج المجتمع الكبير بكل تميزاته وأختلالاته الطبقية والثقافية والاقتصادية وغيرها.

(ن) اذكر (ى) مظاهر عدم تكافؤ الفرص بين المتعلمين في المدرسة.

4. بعد إجراء نشاط جماعي، اقترحت تقييمه من طرف التلاميذ، فلاحظت أن مختلف تقييمات التلاميذ كانت سلبية، تحتاج على طريقة تدبرك للنشاط إذ تعتبرها سلطوية.

(ن) قدم (ي) مقتربين لجعل قيادتك للقسم ديمقراطية.

ثلاث ساعات	مدة إنجاز الاختبار :	علوم التربية ودياكتيك مادة التخصص	الاختبار :
1	معامل الاختبار :	جميع التخصصات	التخصص :

### تعليمات هامة

- يتعين على المترشح (ة) أن يجيب على مكون علوم التربية في نفس ورقة التحرير الخاصة بالإجابة عن أسئلة مكون ديداكتيك مادة التخصص؛
- يشتمل اختبار مكون علوم التربية على أربعة أسئلة؛
- ينقطع كل جواب صحيح بنقطة واحدة.

### أسئلة مكون علوم التربية:

1. بين (ي) الفرق بين النظرية البنائية والنظرية السوسيوبنائية في النمو، من خلال الجدول التالي، بعد نقله على ورقة التحرير:  
(1ن)

السوسيوبنائية	البنائية	النظرية
		العامل الحاسم المؤثر في النمو
		طبيعة الصراع

2. تقوم نظرية الجشطلت على مجموعة من القوانين.  
(1ن)  
أذكر (ي) أي القانون الذي يعكسه كل من المثالين الآتيين:

القانون	المثال
	أثناء الإنشاء يميل "أحمد" إلى اختيار كلمات متماثلة من حيث نطقها وشكلها.
	طلب من مجموعة من التلاميذ وصف أشكال ووجوه، فاختاروا جميعاً الوجوه التي تنظر إلى جهة اليمين، باستثناء "سامي" الذي اختار الوجه التي تميل إلى جهة اليسار، علماً أن سامي أشول (يكتب بيده اليسرى).

3. تُعرف المدرسة سوسيولوجياً بأنها مجتمع مصغر يعكس ويُعيد إنتاج المجتمع الكبير بكل تميزاته واختلالاته الطبقية والثقافية والاقتصادية وغيرها.  
(1ن)  
أذكر (ي) مظاهر عدم تكافؤ الفرص بين المتعلمين في المدرسة.

4. بعد إجراء نشاط جماعي، اقترحـت تقييمـه من طرف التلاميـذ، فلاحظـت أن مـختلف تـقييمـات التـلامـيـذ كانـت سـلبـيـة، تـحتاجـ على طـرـيقـة تـدـبـيرـك لـلـشـاطـىـء إـذ تـعـتـبرـها سـلـطـوـيـةـ .  
(1ن)  
قدم (ي) مقترـين لـجعل قـيـادـتك لـلـقـسـم دـيمـوقـراـطـيـةـ.