

**الموضوع الاول:**

**1- تحليل النص.**

\*المستوى : السنة الثالثة إعدادي

\*الاهداف: استعمال و تطبيق م ف م - استعمال و تطبيق م ف ع

\* (أ) المعارف : - معرفة م ف م

- معرفة م ف ع

(ب) المهارات : - تحديد وتر مثلث قائم الزاوية

- حساب مربع عدد

- حل معادلة

- استعمال الالة الحاسبة

- قراءة وتحليل المعطيات

\*خطوات الحل: - حساب  $AB^2$  في المثلث ABC

- حساب  $AD^2$  و  $BD^2$

- تحديد اكبر مربع ومقارنته مع مجموع المربعين

الآخرين

- استنتاج طبيعة المثلث

\*الصعوبات: - حساب مربع و جذر مربع عدد عشري

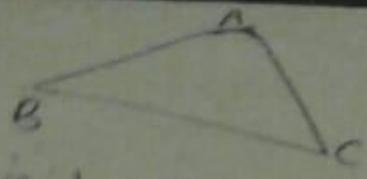
- تطبيق م.ف

- تحديد اطول ضلع في مثلث
- التمييز بين الاتجاه المباشر والعكسي ل م.ف
- فهم المطلوب ( حساب الضلع AB )

## 2- تحليل الاجابة:

التلميذ C	التلميذ B	التلميذ A	
جزئي	نعم	نعم	فهم التمرين
لا	لا	نعم	صحة الحل
جزئي	نعم	نعم	وضوح الحل
*عدم الاشارة الى الاتجاه المباشر والمثلث المستعمل *تعاقدي			الاجزاء مصادرها
*عدم القدرة على تحديد اطول ضلع في مثلث *ابستمولوجي استراتيجي	*عدم التمكن من حساب مربع عشري *ابستمولوجي	*عدم استعمال الروابط المنطقية *تعاقدي	
*عدم التمكن من استعمال م.ف.ع في وضعيات غير مألوفة *ديداكتيكي و استراتيجي	*عدم استعمال الروابط المنطقية *تعاقدي	*افتراض التساوي دون اثبات اخل بالتسلسل المنطقي *ابستمولوجي	
*صياغة مبهمة للجواب *استراتيجي			
*اقترح وضعيات تتطلب استعمال المبرهنة في الاتجاهين *دعم في تطبيق م.ف.ع	دعم يتمحور حول حساب مربع عدد عشري	اقترح وضعيات يميز فيها التلميذ بين استعمال م.ف.ع المباشرة والعكسية	سبل المعالجة
- تعويد التلاميذ شفويا على استعمال الروابط المنطقية - التأكيد على ضرورة كتابة شروط المبرهنتين			

## 2- اقتراح نشاط :



ثبات  $BC^2 = AC^2 + AB^2$

1) انشئ العمود على  $(AB)$  في  $A$   
 ثم حدد عليه النقطة  $L$  حيث  $AL = AC$  (و  $L$  توجد انما في  
 حثيت مختلفتين من  $(AB)$ )  
 2) بين ان  $(AB)$  واسط  $[LC]$   
 3) استنتج ان  $ABC$  مثلث قائم الزاوية.

• يطلب المدرس من المتعلمين انشاء المثلث  $ABC$ .

• يطلب المدرس من المتعلمين انشاء النقطة  $L$ .

• يستدرج المدرس المتعلمين الى البرهان على ان  $(AB)$  واسط  $[LC]$  و يطالبهم بالتذكير بواسطة قطعة والخاصية المباشرة والعكسية لواسط قطعة.

• ملاحظة واستنتاج المتعلمين ان  $ABL$  مثلث قائم الزاوية في  $A$ . (التفكير في استعمال مبرهنة فيثاغورس المباشرة

و ايجاد العلاقة  $BL^2 = AL^2 + AB^2$ )

• يطلب المدرس من المتعلمين دقة الملاحظة والاستنتاج.

• يلاحظ المتعلمين ان  $AL = AC$  و ان  $BC^2 = AC^2 + AB^2$

ومن ثم يستنتجون ان  $BL^2 = BC^2$  وبالتالي  $BL = BC$

• استدل من المتعلمين على ان  $BL = BC$  واستنتاج ان  $AL = AC$  و  $(AB)$  واسط  $[LC]$

• يستنتج المتعلمين ان  $(LC) \perp (AB)$

و يلاحظون ان  $(AL) \perp (AB)$

اذن  $(LC) \parallel (AL)$

و بالتالي النقط  $A$  و  $C$  و  $L$  مستقيمية

• يستنتج المتعلمين ان  $(AC) \perp (AB)$

و بالتالي المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$

## الموضوع الثاني:

-1

\*المستوى الدراسي: السنة الثالثة اعدادي

\*صيغة الحل:

لدينا  $\widehat{EMD} = \widehat{DMF} = 90^\circ$  (1)

ولدينا المثلث  $EDF$  قائم الزاوية في  $D$  لأنه محاط بدائرة قطر  $EM$  وتر المثلث.

إذن الزاويتين  $\widehat{DFM}$  و  $\widehat{DEF}$  متتامتين أي  $\widehat{DEF} + \widehat{DFM} = 50^\circ$

ولدينا المثلث  $DMF$  قائم الزاوية في  $M$  إذن الزاويتين  $\widehat{MDF}$  و  $\widehat{DMF}$  متتامتين أي  $\widehat{MDF} + \widehat{DMF} = 90^\circ$

أيضا  $\widehat{DEF} + \widehat{DFM} = \widehat{MDF} + \widehat{DMF}$

إذن  $\widehat{DEF} = \widehat{DMF}$  (2)

ومنه حسب العلاقات (1) و (2) وحالة التساوية الأولى فإن المثلثين  $EMD$  و  $DMF$  متساويين (3)

(ب) بما أن المثلثين EMD و DMF متشابهين

M	E	D
M	D	F

فإن الاضلاع المتناظرة متناسبة

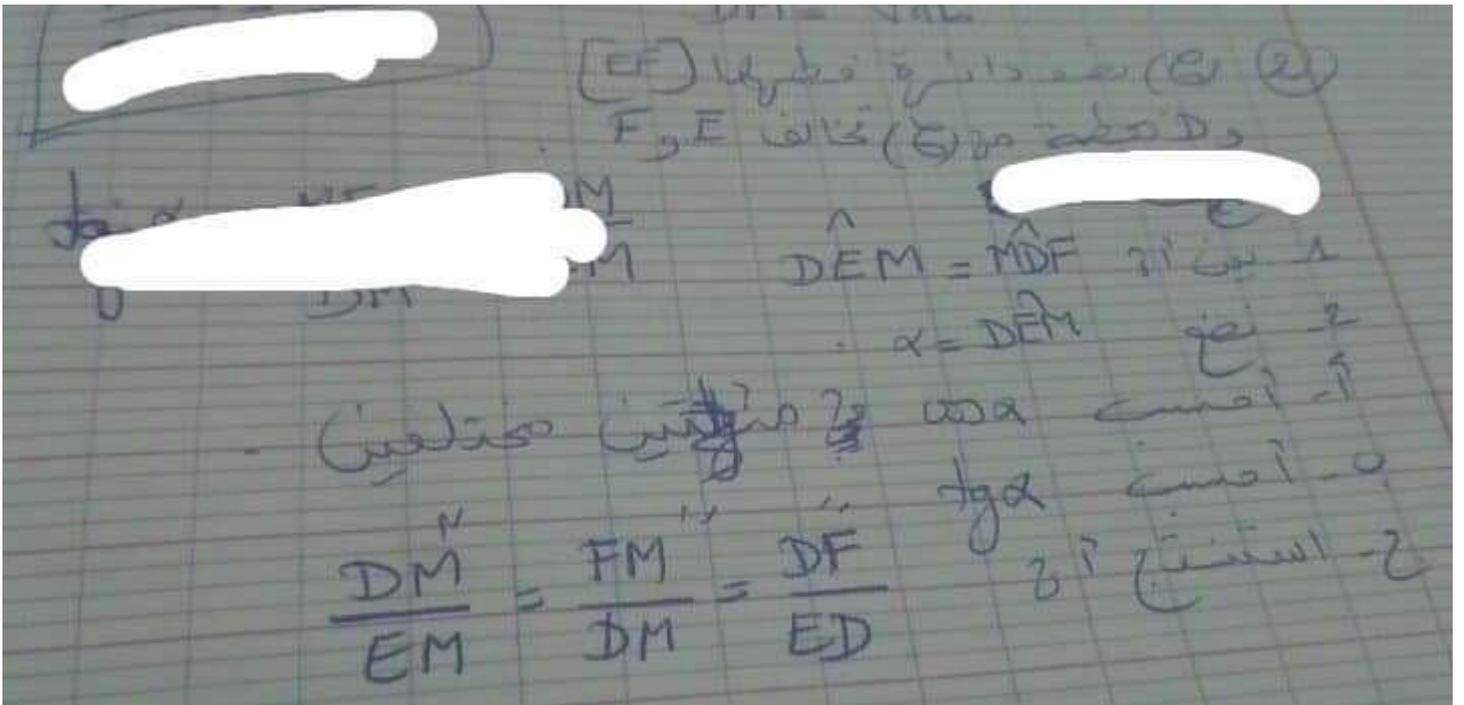
$$\text{إذن: } \frac{DM}{MF} = \frac{EM}{DM}$$

$$\text{إذن } DM^2 = EM \times MF$$

$$DM^2 = a \times b$$

$$DM = \sqrt{a \times b}$$

2- صياغة كنشاط تمهيدي:



3- بطاقة تحضير:

**الموضوع الاول:**

**1- تحليل النص.**

الاولى إعدادي	الثانية إعدادي	الثالثة إعدادي
<p>الاهداف</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- حساب الاضلاع باستعمال القن</li> <li>- استعمال ممائلة نقطة بتمائل مركزي</li> <li>- استعمال خاصية القطرين للتعرف على ان الشكل ليس مستطيل</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- استعمال وتطبيق م ف م في مثلث مناسب</li> <li>- التعامل الجيد مع السلم</li> <li>- التعرف الى مثلث قائم من خلال الدائرة المحيطة</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- استعمال وتطبيق م ف في الاتجاهين</li> <li>- معلمة نقطة في المستوى</li> <li>- حساب المسافة بين نقطتين في معلم متعامد منظم</li> <li>- حساب ميل مستقيم وتحديد الوضع النسبي</li> </ul>
<p>المعارف</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- معرفة ممائلة نقطة بتمائل مركزي</li> <li>- خاصية التعرف الى مستطيل انطلاقا من القطرين</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- معرفة أن كل مثلث محاط بدائرة قطرها احد اضلاعه قائم الزاوية</li> <li>- استعمال م.ف.م</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- معرفة م ف م</li> <li>- معرفة م ف ع</li> <li>- معرفة صيغة ميل مستقيم انطلاقا من نقطتين</li> <li>- معرفة شرط تعامد مستقيمين</li> <li>- معرفة صيغة مسافة بين نقطتين</li> </ul>
<p>المهارات</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- استعمال القن</li> <li>- انشاء ممائلة نقطة بتمائل مركزي</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- استعمال سلم القياسات</li> <li>- تحديد وتر مثلث قائم الزاوية</li> <li>- حساب مربع عدد</li> <li>- حل معادلة</li> <li>- استعمال الالة الحاسبة</li> <li>- قراءة وتحليل المعطيات</li> <li>- اختيار معلم مناسب</li> <li>- حساب المسافة بين نقطتين</li> <li>- حساب الميل</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- استعمال سلم القياسات</li> <li>- تحديد وتر مثلث قائم الزاوية</li> <li>- حساب مربع عدد</li> <li>- حل معادلة</li> <li>- استعمال الالة الحاسبة</li> <li>- قراءة وتحليل المعطيات</li> <li>- انشاء الدائرة المحيطة بمثلث قائم</li> </ul>
<p>الصعوبات</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- حساب طول ضلع مائل</li> <li>- صعوبة الربط مع ممائلة نقطة ثم المستطيل ان وجد</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- حساب مربع و جذر مربع عدد عشري</li> <li>- تطبيق م.ف</li> <li>- تحديد اطول ضلع في مثلث</li> <li>- صعوبة استعمال م ف ع بطريقة ضمنية</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- التعرف على مثلث قائم لحساب وتره</li> <li>- تطبيق م.ف.م</li> <li>- تطبيق م.ف.ع</li> <li>- اختيار المعلم</li> <li>- الفهم و التسلسل</li> </ul>

التلميذ أ	التلميذ ب	التلميذ ج	
جزئي	نعم	جزئي	فهم التمرين
لا	لا	لا	صحة الحل
جزئي	لا	لا	وضوح الحل
الاعتماد على قيم مقربة لقياسات الاضلاع - باستعمال المسطرة *تعاقدي - باستعمال قيمة مقربة بافراط الى $10^{-1}$ *ابستمولوجي	- استعمال خاطئ للتربيعات *ابستمولوجي و ديداكتيكي	- الاعتماد على الانشاء الهندسي والملاحظة في الاجابة *تعاقدي و ديداكتيكي	الاطء مصادرها

### 3- خطوات الحل:

- اعتبار 3 مثلثات قائمة اوتارها على التوالي [LC] و [FL] و [FC]
- حساب قياسات الاضلاع المحاذية للزاوية القائمة في كل مثلث اعتمادا على التربيعات والسلم المقترح
- استعمال م ف م لحساب  $LC^2$  و  $FL^2$  و  $FC^2$
- مقارنة  $LC^2$  و  $FL^2+FC^2$
- استنتاج طبيعة المثلث FLC

### الموضوع الثاني

#### الجزء الاول:

#### 1- عناصر تحليل المقولة:

- وقوع الاستاذ في انزلاق ديداكتيكي ميتامعرفي؟؟؟
- وظيفية ومعنى التعلم
- عدم الاعتماد على تقويم تكويني

#### 2- جذاذة لتحضير درس المتجهات:

الامتدادات	المكتسبات السابقة	القدرات المستهدفة	المحتوى
الازاحة و المتجهات في الثالثة اعدادي التحويلات الاعتيادية (جدع مشترك علمي و تكنولوجي) الفيزياء	التمائل المركزي و المحوري المسافة بين نقطتين متوازي الاضلاع ازاحة شكل باستعمال تربيعات	التعرف على متجهة و مبرازاتها استعمال متوازي الاضلاع في تساوي و مجموع متجهتين انشاء متجهة اصلها معلوم و تساوي متجهة معلومة استعمال علاقة شال انشاء صور بعض الاشكال بازاحة ذات متجهة معلومة	تساوي متجهتين مجموع متجهتين صورة شكل بازاحة
		يتم بناء مفهوم المتجهة بميزاتها انطلاقا من تمثيلات التلاميذ الاولى لمفهوم الازاحة في الابتدائي و تدعيم هذا التمثيل و السمو به و التعبير عنه متجهيا بالاضافة الى ادراج التعبير : صورة نقطة بالازاحة التي تحول A الى B يتم اعطاء تعريف متجهي لتوازي الاضلاع و استنتاج خاصياته من خلال ترجمة ما اكتسبه التلاميذ في المستويات السابقة ، و بالتالي ينبغي ربط مجموع متجهتين متوازي الاضلاع يعتبر ضرب عدد في متجهة خارج المقرر الا انه يمكن التطرق الى مجموع عدة متجهات متساوية و انشاءه (3AB)	توجيهات رسمية :

التقويم	محتوى الدرس	الانشطة
37 و 40 ص 187	<p><b>1 - الازاحة :</b></p> <p>1 انشاء صورة نقطة بازاحة : خاصية : A و B نقطتان مختلفتان في المستوى M هي صورة P بالازاحة التي تحول A الى B يعني BAPM متوازي اضلاع</p> <p>2 - ملاحظات اساسية : في الازاحة نعتمد اساسا على متوازي الاضلاع A و B نقطتان مختلفتان في المستوى + اذا كانت M تنتمي الى (AB) فإن M' مائلة M بالازاحة التي تحول A الى B تنتمي الى (AB) ، و القطعتين [AM'] و [BM] لهما نفس المنتصف + اذا كانت M لا تنتمي الى (AB) فإن M' مائلة M بالازاحة التي تحول A الى B هي الرأس الرابع لموازي الاضلاع BAMB'</p> <p><b>2 - المتجهات :</b></p> <p>1 - تعريف متجهة : كل نقطتين في المستوى تحددان متجهة لها نقطة انطلاق تسمى أصل المتجهة ولها نقطة وصول تسمى طرف هذه المتجهة</p>	<p>نشاط 1 : سلكة تثنقل افقيا ب 5 تدريجات ثم تتبعها بتدريجتين عموديا لاستقرار نهائيا. انتقلت هذه السلكة من النقطة A الى M كما في الشكل.</p> <p>1 - حدد الموضع N لسلكة انطلقت من B و الموضع P لسلكة انطلقت من C 2 - ما هي طبيعة الرباعي MABN ؟ النقطة N تسمى ..... 3 - ماذا يمكنك القول عن المثلثين ABC و MNP ؟</p> <p>شبكة انتقال السلكة</p>

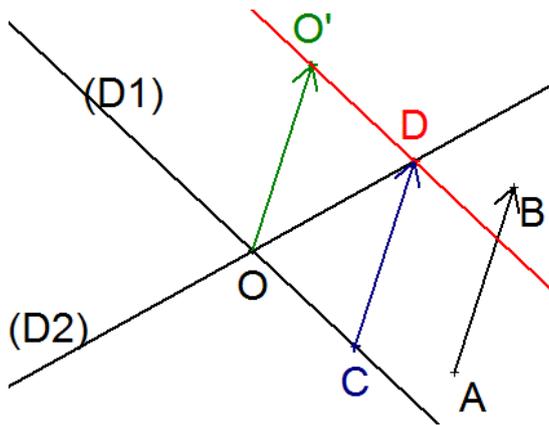
التقويم	محتوى الدرس	الانشطة
185 و 4 ص 2	<p>2 - مميزات متجهة : - الاتجاه (حامل المتجهة) - المنحى (الانتقال من الاصل نحو الطرف) - المنظم (المسافة بين الاصل و الطرف) ملاحظة : كل نقطة M تحدد متجهة <math>\vec{MM}</math> تسمى متجهة منعدمة و نرسم لها ب <math>\vec{0}</math> ليس لها اتجاه و لا منحى و منظمها 0</p>	<p>نشاط 2 : كيف تميز بين انتقالين مختلفين بين نقطتين مختلفتين؟</p>
185 و 8 ص 7	<p>3 - تساوي متجهتين : قول عن متجهتين انهما متساويتين اذا كان لهما نفس المميزات خاصية : اذا كان <math>\vec{AB} = \vec{MN}</math> فإن : متوازي اضلاع <math>\vec{AB} = \vec{MN}</math> (AB) // (MN) <math>\vec{AB}</math> و <math>\vec{MN}</math> لهما نفس الانتقال <math>AB = MN</math></p>	<p>نشاط 3 : 1 - ABCD متوازي اضلاع . قارن مميزات المتجهتين <math>\vec{AB}</math> و <math>\vec{DC}</math> 2 - انشئ متجهتين <math>\vec{TJ}</math> و <math>\vec{MN}</math> حيث <math>\vec{MN} = \vec{TJ}</math> بين أن : متوازي اضلاع MNJI</p>
186 و 19 و 18 ص	<p>4 - مجموع متجهتين : خاصية : اذا كان ABCD متوازي اضلاع فإن : <math>\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD}</math> نتيجة 1 : اذا كان A و B و C ثلاث نقط من المستوى فإن : <math>\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{BC}</math> . هذه العلاقة تسمى علاقة شال نتيجة 2 : <math>\vec{AB} + \vec{BA} = \vec{0}</math> تعني أن المتجهين <math>\vec{AB}</math> و <math>\vec{BA}</math> متقابلتان و نكتب <math>\vec{AB} = -\vec{BA}</math> نتيجة 3 : الكتابة <math>\vec{AB} + \vec{AB}</math> تكتب باختصار : <math>2\vec{AB}</math></p>	<p>نشاط 4 : نعتبر A و B و D ثلاث نقط غير مستقيمة . 1 - انشئ نقطة C حيث يكون الرباعي ABCD متوازي الاضلاع . 2 - كم من نقطة C يمكن إنشائها ؟ 3 - النقطتين A و C تحددان متجهة <math>\vec{AC}</math> بحيث <math>\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD}</math></p>
187 و 35 ص 30		
188 ص 47		

## 1- صياغة التمرين

لاحظ الشكل جانبه

- 1- أنشئ  $O'$  صورة  $O$  بالازاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{AB}$
- 2- ارسم المستقيم الموازي ل  $(D_1)$  والمار من  $O'$  والذي يقطع  $(D_2)$  في  $D$
- 3- أنشئ النقطة  $C$  بحيث تكون  $D$  صورتها بالازاحة التي تحول  $O$  الى  $O'$
- 4- بين أن  $ABDC$  متوازي الاضلاع
- 5- بين أن  $C$  تنتمي الى  $(D_1)$

## 2- اقتراح حل مناسب:



لتكن  $O$  نقطة تقاطع  $(D_1)$  و  $(D_2)$   
ننشئ  $O'$  صورتها بالازاحة التي تحول  $A$  إلى  $B$

$$\text{إذن } \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{OO'} \quad (1)$$

نرسم المستقيم الموازي ل  $(D_1)$  والمار من  $O'$   
والذي يقطع  $(D_2)$  في  $D$

ننشئ النقطة  $C$  بحيث تكون  $D$  صورتها بالازاحة التي تحول  $O$  الى  $O'$

إذن  $\overrightarrow{OC} = \overrightarrow{OO'}$  (2) و  $C$  تنتمي إلى  $(D_1)$  (من نقطة  $C$  يمر مستقيم وحيد  $(D_1)$  مواز لمستقيم معلوم  $(O'D)$ )

$$\text{من (1) و (2) نستنتج أن: } \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$$

أي ان  $ABDC$  متوازي الاضلاع

وبهذا نكون قد حصلنا على النقطتين  $C$  و  $D$  تحققان المطلوب

## مناقشة الامتحان المهني 2015 - ديداكتيك الرياضيات



## الموضوع الاول:

### 1- المعارف و القدرات و المهارات:

المعارف	القدرات	المهارات
2ع - مجموع قياسات زاويا مثلث - خصائص مثلث متساوي الساقين - منصف زاوية - متوازي الاضلاع تعريفه وخصايته - خاصية المستقيم المر من منتصف ضلع والموازي لحامل ضلع في مثلث - المسافة بين منتصفي ضلعي مثلث	- قياس زاوية بالمنقلة - رسم متوازي الاضلاع - انشاء قطعة ومنتصفها -	- انشاء مستقيم مواز لمستقيم معلوم ويمر من نقطة - ربط تقايس زاويتين متحاذيتين بمنتصف زاوية
3ع نفس المعارف السابقة بالاضافة الى م . ط . م	نفس القدرات بالاضافة الى - تطبيق م ط م لحساب ضلع بدلالة الاخر	- تقسيم قطعة الى ثلاث قطع متقايسة - حساب الرابع المتناسب

### 1- قراءة تحليلية لنص التمرين:

-التسلسل:

تسلسل درجة الصعوبة

1 - 2 - 4 - 3 في حالة الاشتغال بخصايات متوازي الاضلاع

1- 2 - 3 - 5 في حالة الاشتغال بالتوازي و منتصفات اضلاع

(السؤال 4 لا داعي له)

- الترابط:

## غياب الترابط بين: 1 و 2

- ملاحظة كان هناك نقاش حسب الطريقة المستعملة في الحل
- دور مختلف المعطيات : دور السؤال الاول و قياس الزاوية
- النتيجة المستخلصة: تقسيم قطعة الى ثلاث قطع متقايسة

### 3- صياغة التمرين:

ABCD متوازي الاضلاع مركزه O  
E و F منتصفا [AB] و [DC] على التوالي  
المستقيمان (AF) و (CE) يقطعان (BD) في J و I على التوالي  
بين أن  $DJ=JI=IB$

### الموضوع الثاني:

#### 1- قراءة تحليلية لنص التمرين:

\*الاطار: هندسي يتطلب مرحلتين

تحليل الانشاء و الانشاء

- درس التماثل المركزي ومتوازي الاضلاع

- درس التوازي و منتصفات اضلاع مثلث

\*الاهداف: - التفكير في انشاء مماثل مستقيم في وضعية غير مألوفة

- استعمال التماثل المركزي في حل وضعية توليفية.

- استعمال متوازي الأضلاع في حل وضعية توليفية.

- تحديد منتصف قطعة إنطلاقا من خاصيات متوازي الاضلاع.

## \*المعارف:

- معرفة مماثل المستقيم بالتماثل المركزي هو مستقيم يوازيه.
- معرف خاصة قطري متوازي الاضلاع.
- معرفة منتصف قطعة.

## \*المهارات:

- انشاء مماثلة نقطة بالتماثل المركزي.
- انشاء مماثل مستقيم بالتماثل المركزي.
- انشاء مستقيم يوازي مستقيم آخر ويمر من نقطة معلومة

## \* خطوات الحل:

- انشاء  $J$  مماثلة  $O$  بالنسبة لـ  $A$
- انشاء المستقيم المار من  $J$  والموازي لـ  $(D)$  يقطع  $(D')$  في  $B$
- انشاء المستقيم المار من  $J$  والموازي لـ  $(D')$  يقطع  $(D)$  في  $A$
- استنتاج أن  $A$  منتصف القطعة  $[AB]$  (خاصية متوازي الاضلاع)

## \* الصعوبات التي ستعرض التلاميذ:

- ادراك استعمال متوازي الأضلاع
- ادراك استعمال التماثل المركزي.
- فهم المطلوب من التمرين.
- فهم التمرين.

## - استحضار معارف غير معلنة.

### 2- تحليل انجازات التلاميذ:

المصادقية	التواصل	الإنجاز	الفهم	
الجواب غير صحيح	تواصل جيد لأنه ذكر جميع مراحل الحل لكنه لم يفهم المطلوب منه	لم يتم الانجاز بشكل صحيح لأنه قام بإنشاء الشكل وقرانته فقط	لا	التلميذ 1
الجواب غير صحيح	تواصل غير مكتمل لأنه لم يفسر سبب رسم المستقيمين (D) و (D')	انجاز غير مكتمل، لأنه لم يحدد موقع النقطتين A و B	نعم	التلميذ 2
الجواب صحيح	تواصل جيد جدا لأنه ذكر جميع مراحل الحل بدقة	إنجاز مكتمل	نعم	التلميذ 3

### 3 - صياغة حلين

#### الحل 1:

نرسم النقطة J مماثلة للنقطة O بالنسبة للنقطة A

ثم ننشأ المستقيم المار من J والموازي لـ (D') يقطع المستقيم (D) في النقطة A

ثم ننشأ المستقيم المار من J والموازي لـ (D) يقطع المستقيم (D') في النقطة B

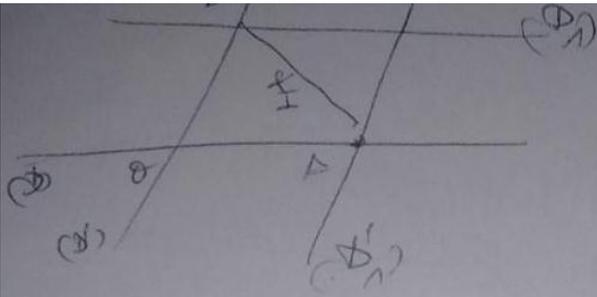
إذن (BJ) // (OA) و (AJ) // (OB)

ومنه نستنتج أن الرباعي AJBO متوازي الاضلاع

وبالتالي للقطران [AB] و [OJ] لهما نفس المنتصف

وبما أن A منتصف القطعة [OJ] فإن A منتصف القطعة [AB]

## الحل 2:



- لنفرض  $(D)$  عمود  $(D')$  واسم  $I$   
 و  $(D')$  عمود  $(D)$  واسم  $I'$   
 و  $A$  نقطة تقاطع  $(D), (D')$ .

لدينا عمود المستقيم  $(D)$  واسم  $I$  هو  $(D')$   
 و عمود المستقيم  $(D')$  واسم  $I'$  هو  $(D)$   
 بما أن  $A$  نقطة تقاطع  $(D), (D')$  فإن  $A \in (D), A \in (D')$   
 إذًا  $A$  واسم  $I$  واسم  $I'$  تقع على  $(D), (D')$   
 و  $I$  واسم  $I'$  فإن  $I$  نقطة تقاطع  $(D), (D')$   
 وبما أن  $A \in (D), A \in (D')$  فإن  $I$  واسم  $I'$  تقع على  $(AB)$



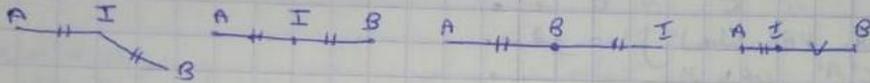
عنوان الدرس : التماثل المركزي

المدة الزمنية المحسوبة : 7 ساعات

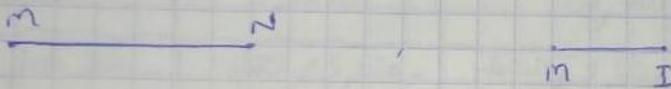
الفئة المستهدفة : الحولى اعدادي

المكتسبات القبلية : - التوازي والتعامد - السقاطة والنقطة - القنط - هندسة قطعية - الزوايا - القنط

انشئ التذكير : \* حدد ما بين الاشكال التاليين الذي يمثل I منتصف [AB]

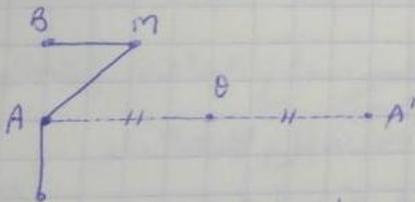


\* اتمم الشكلين بحيث يكون I منتصف [MN]



السطر تمهيدية لمقاربة مفهوم التماثل المركزي :

\* انشئ قطعة [AB] منتصفها I . نقول النقطتين A و B متماثلتين بالنسبة لـ I . \* اتمم الشكل اذا علمت انه تماثل بالنسبة للنقطة O



التعاريف والخصائص :

\* A و B نقطتان في المستوى و I منتصف القطعة [AB] . النقطة A هي مماثلة لـ B بالنسبة لـ I والنقطة B هي مماثلة لـ A بالنسبة لـ I . نقول ايضا A و B متماثلتان بالنسبة لـ I

\* مماثلة القطعة [AB] بالنسبة لنقطة O . هو القطعة [A'B'] حيث A' و B' مماثلتا A و B على التوالي بالنسبة لـ O . ولدينا  $AB = A'B'$  نقول التماثل المركزي يحافظ على المسافة .

\* A و B و C ثلاث نقط متتبعين . اذا كانت A و B و C مماثلات A' و B' و C' بالنسبة لنقطة O وكانت A و B و C نقط متتبعين فان A' و B' و C' نقط متتبعين . نقول التماثل المركزي يحافظ على استقامة النقط .

\* اذا كانت الزاوية ABC هي مماثلة الزاوية A'B'C' بالنسبة لـ O فان الزاوية ABC هي مماثلة للزاوية A'B'C' بالنسبة لـ O . نقول التماثل المركزي يحافظ على الزاوية .

مناقشة الامتحان المهني 2016 - ديداكتيك الرياضيات

## الموضوع الاول

### الجزء الاول

# 1- الهدف و المكتسبات

الأنشطة	الهدف	المكتسبات
نشاط 1	تذكير بترييض وضعية بمعادلة من د 1 بمج 1	- ترييض مسألة - حل معادلة د 1 بمج 1
نشاط 2	ترييض وضعية هندسية بمعادلة من الدرجة 2 بمج 1 تؤول في حلها الى معادلة من د 1 بمج 1	- نشر وتبسيط تعبير حرفي - نشر وتبسيط المتطابقة الثانية - م ف م - حل معادلات بسيطة من نوع $(ax+b)(cx+d)=0$ - ترييض مسألة
نشاط 3	ترييض وضعية باستعمال متراجحة من د 1 بمج 1	- قواعد الترتيب والعمليات - حساب تعبير حرفي بمعلومية قيم مجاهيله -
نشاط 4	ترييض وضعية هندسية باستعمال التأطير	- قواعد الترتيب و العمليات - المتفاوتة المثلثية - قواعد التأطير - حل متراجحة كم د 1 بمج 1

## 2- المفاهيم الاساسية والملخص

المفاهيم	الخلاصة
معادلة تؤول الى النوع $ax+b=0$	- تعريف - الحل العام - امثلة
معادلة من نوع $(ax+b)(cx+d)=0$	- قاعدة الجداء المنعدم - خاصية

- أمثلة	
- تعريف - حلول متراجحة - تمثيل حلول متراجحة على مستقيم مدرج - أمثلة	متراجحة من نوع $ax+b>0$
- مراحل حل مسألة - أمثلة	حل المسائل

### 3- نشاط:

نعتبر المتراجحتين  $2x-1<4$  و  $5-3x<7$

1- هل العددا 4 و 2 حلان للمتراجحتين؟

2- حدد قيم  $x$  التي من أجلها تتحقق المتراجحتان

### 4- حل النشاط الثالث

#### الجزء الثاني:

### 1- التقنيات الواردة في حل التمرينين

\* العمليات على الاعداد الحقيقية

\* التعميل بعامل مشترك او متطابقة

\* الاختزال

\* التبسيط

\* العمليات الاربع

\* الجداء المنعدم

## 2- المهارات

\* حل معادلة من الدرجة 1 بمج 1

\* حل معادلة من الدرجة 2 بمج 1

\* اختيار المجهول

## 3- اقتراح تمرين محلول

ملعب لكرة السلة مساحته  $4x^2/25 - 9$ . حدد بعدي الملعب علما ان طوله يزيد عن خمسي عرضه  $x$  ب  $3m$

## 4- الغاية من التمارين المحلولة

\* اكساب التلميذ مهارات وتقنيات الحل بتقديم أمثلة تطبيقية

\* نماذج صياغة الاجوبة

\* نماذج للتصرف

## 5- التعثرات المرتقبة في التمرين الثاني

\* التعرف الى متطابقة

\* صعوبة التعميل بالمتطابقة

- \* صعوبة التعميل بالعامل المشترك
- \* صعوبة استعمال قاعدة الجداء المنعدم وتعميمها على المجموع
- \* التعامل مع تقنيات الحل في وضعيات غير مألوفة ( $v^2=3x$ )

## 6- تمرين داعم لمعالجة التعثرات:

\* عمل:

\* حل المعادلات: (لها ارتباط بالتعبير السابقة)

- معادلة بسيطة من نوع  $c=ax+b$  و  $ax+b=c$

- معادلة تتطلب التعميل بعامل مشترك

- معادلة تتطلب التعميل بمتطابقة

- معادلة تتطلب التعميل بهما معا

\* تحقق من صحة الحلول

## 7- المعارف الأساسية:

\* معرفة ان التعميل هو تحويل مجموع جبري الى جداء

\* معرفة قواعد التعميل

\* صيغ المتطابقات الهامة

\* قاعدة الجداء المنعدم

\* التعرف الى معادلة من الدرجة الاولى بمج1

\* التعرف الى معادلة تؤول الى الدرجة 2 بمج1

\* معرفة خطوات حل مسألة

## الموضوع الثاني:

### الجزء الاول:

## 1- تطور مفهوم التماثل المحوري

السنة 1 اع

\* تقديم مفهومي واسط قطعة و منصف زاوية

\* التعرف على محاور تماثل الرباعيات الخاصة

السنة 2 اع

\* بناء مفهوم التماثل المحوري النقطي و خاصياته باستعمال واسط قطعة

\* تماثل الاشكال

السنة 3

## 2- المشاكل البيداغوجية في تدريس المفهوم

\* تمثلات التلاميذ عن المفهوم

\* صعوبة ملاءمة الطرق البيداغوجية مع مضامين الدرس

ديداكتيكيا

\*الانتقال من التماثل بالاشكال الى التماثل النقطي

\*تقادم الوضعيات المدرسة

### 3 - المعطيات و الاشارات المساعدة

\* الشكل المرافق

\* الترميزات (علامة التقايس و التعامد)

\* وضوح الشكل (استعمال برنام هندسة دينامية)

### 4 - الاسباب المعيقة للتلاميذ الخمس في الاجابة

عن س1

\* غياب نقطة التقاطع

\* سوء قراءة رمز التقايس

\*ترجمة الشكل الى معطيات نصية

\* الصعوبة في ربط مماثلة نقطة بمفهوم واسط قطعة

### 5- صعوبات السؤال 2

\* الشكل معيق لفهم المطلوب

\* القراءة المزدوجة لمماثلة نقطة

\* صعوبة ربط مماثلة نقطة بتقاطع مستقيمين لا يوجدان في نفس الجهة

من محور التماثل

\* الانتباه الى مماثلات النقط المنتمية لمحور التماثل

\* قراءة الشكل

## 6 - اسئلة مساعدة للسؤال 2

\* ماهو مماثل المستقيم (IA) بالنسبة ل  $(\Delta)$  ؟

\* ماهو مماثل المستقيم (EJ) بالنسبة ل ؟

## 7- حل السؤال الثاني

- تحديد مماثلة النقطة ا

- تحديد مماثل المستقيم (IA)

- تحديد مماثلة ج

- تحديد مماثل المستقيم (EJ)

- استنتاج مماثلة B تقاطع المستقيمين (AI) و (EJ)

## 8- الطريقة المتبعة لتقويم الممارسات

\*التعليمية

- دفتر النصوص

- المذكرة اليومية

- التحضير

- حساب معدلات صعوبة الاسئلة

- حساب المعدل الملاحظ

- انجاز اختبارات التحكم

\*التعلمية

- الاسئلة الشفوي

.. - التواصلية

... - النصية (المرحلي اجمالي ...)

## 9 - بطاقة تقنية لتقويم تعلمات هذا النشاط

\* الدرس المستهدف: التماثل المحوري

\* المستوى: 2 اع \*القسم: 2/4 \*عدد التلاميذ: 20

\*موضوع النشاط: الاستدلال باستعمال خاصيات التماثل المحوري

\* القدرات المستهدفة و المهارات :

-التعرف الى مماثلة نقطة بالنسبة لمستقيم

-التعرف الى مماثل مستقيم

-التعرف الى مماثلة نقطة تنتمي لمحور التماثل

-القدرة على الربط بين الجمل

## -استحضار المعارف المناسبة

الأسئلة	متحكم	غير متحكم	نسبيا

الجزء الثانى:

10) نعلم أن  $M$  مائل نقطة تنتمي لمحور التماس على تقسوها

إذا  $M$  مائل المستقيم  $(AB)$  هو مستقيم يمر من نقطة تقاطعه مع المحور ومن  $A'$ .

و  $M$  مائل المستقيم  $(A'B)$  هو مستقيم يمر من نقطة تقاطعه مع المحور ومن  $A$ .

أستج أن  $(L)$  و  $(L')$  يتقاطعان في مماسة النقطة  $B$ .  
 وباتباع نفس المراحل ننشئ مماسة  $C$ .

## الموضوع الاول

### الجزء الاول

#### 1- المستوى المستهدف و الدرس

\*السنة 1 اع \*عنوان الدرس النشر و التعميل

#### 2- المكتسبات القبلية:

- العمليات الاربع على الاعداد العشرية النسبية

- المساحات

- التناسبية والنسبة المئوية

- حل المسائل

- التوزيعية في الاتجاهين

- تبسيط تعابير حرفية بسيطة

#### 3- اقتراح المدد الزمنية لكل نشاط :

النشاط	المدة	التعليل
1	5 الى 15 دقيقة	اثارة الانتباه الى التوزيعية كمكتسب في تسهيل الحساب
2	15دقيقة	بناء مفهومي النشر والتعميل
3	15دقيقة	تذكير بالنسبة المئوية وانجاز العمليات لبناء جداء مجموعين $(200+150)((-0.25)+1)$
4	15دقيقة	عدة مهارات لانجاز المطلوب

## 4- الصعوبات والعوائق

**\*ن1:** - التفكير في تقسيم الشكل الى مستطيلات (شكل غير اعتيادي)

- جمع و ضرب الاعداد العشرية

- التفكير في استعمال التوزيعية

**\*ن2:** - فهم السؤال

- التعبير بالحروف

- تحديد طول [AM]

- التفكير في تقسيم المستطيل

- استنتاج التساوي بين النتيجتين المحصلتين من كل طريقة

- الانتقال من الاطار الهندسي الى الاطار الجبري

**\*ن3و4:** - تمكن التلميذ من تطبيق النسبة المئوية

- تمكن التلميذ من تحديد الثمن المخفض

- التمييز بين النسبة و الثمن

- بناء نشر جداء مجموعين انطلاقا من وضعية معيشة

- بناء نشر جداء عدد على مجموع عدة اعداد

## 5- وضعيات الدعم لتجاوز الصعوبات

- \* اقتراح تمرين يتطلب تسهيل الحساب باستعمال التوزيعية
- \* حساب مساحة شكل هندسي مكون من عدة اشكال اعتيادية
- \* وضعية تمكن من حساب مساحة شكل بطريقتين
- \* اقتراح وضعية تذكيرية بتطبيق النسبة المئوية على اسعار وتحديد الاثمنة الجديدة او الاصلية

## 6- المعارف الاساسية

**\*ن1 و ن2:** بناء مفهومي النشر والتعميل

-تعريف النشر

-قاعدتي النشر

-تعريف التعميل

-قاعدتي التعميل

**\*ن3:** قاعدة نشر جداء مجموعين

**\*ن4:** قاعدة نشر الجداء  $kx(a+b+c)$

قاعدة تعميل  $kxa + kxb + kxc$

**الجزء الثاني:**

## 1- السجلات وتمثيلها

التمثيل	السجل
جمل و كلمات المعطيات الرياضي	لغوي
المساحات والاثمنة و الاطوال	عددي
الاشكال الهندسية المرفقة (المستطيل . حرف F )	هندسي
الاطوال a ; b ; ا و النسبة المئوية	رمزي
الجدول	مبياني

## 2- انواع الانشطة

\*تذكيرية \*بنائية \*توسعية \*اغنائية

## 3- طبيعة النشاط

ن-1: تذكيري - ن-2: بنائي - ن-3: توسعي - ن-4: توسعي

## 4- أ/ ايجابيات تغيير الاطار:

\* الربط بين الاطارين و توسيع طرق الحل

\* التمكن من مفهوم النشر

\* اعطاء معنى للمفهوم الرياضي اقل تجريدا

## ب/ الصعوبات التي تواجه المتعلم في تغيير الاطار

- نقص المكتسبات في احد الاطارين

- ربط الجبري بما هو هندسي

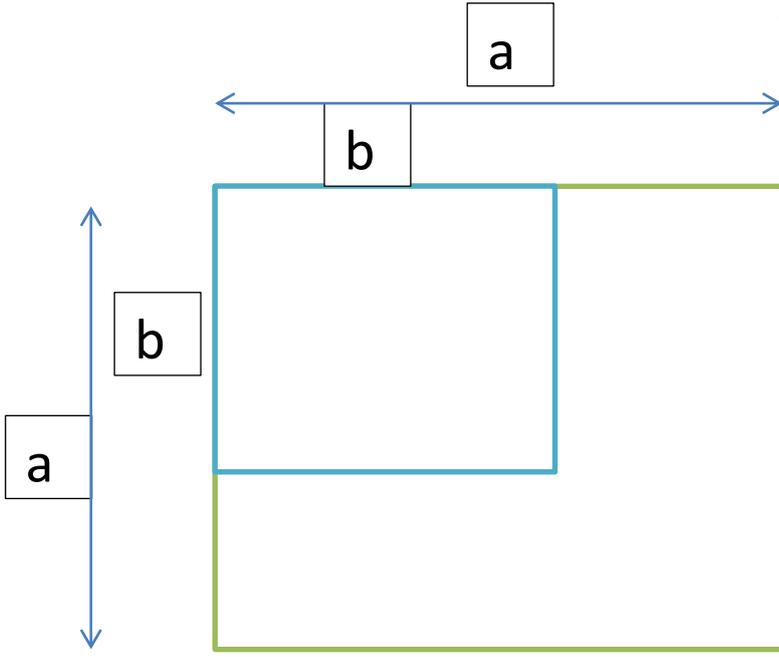
- فهم الانتقال من احدهما والغاية منه

- تمثلات التلاميذ

## 5- تحرير حل للنشاطين 1 و 2

## 6- اقتراح شكل هندسي يوافق

المتطابقة الثالثة



## 7- بعض البرامج التي يمكن استعمالها في النشاط 2

**geogebra-** : المزاجية بين ما هو هندسي وجبري

-ديناميكية النقط للتأكد من صحة المفاهيم

- تصحيح التمثيلات

- ترسيخ المعلومة وجعلها ملموسة

**ppt-** : تفاعلي

**cabri-** : احتوائه على macros جاهزة للاستعمال

1- الاخطاء الواردة في الحلول الثلاث

التلميذ	الاطاء	المصادر
1	- عدم الاشارة الى المثلث القائم - عدم افتراض صحة المتساوية	- ديداكتيكي تعاقدى - ديداكتيكي ابستمولوجى
2	- عدم الاشارة الى المثلث القائم - حساب مربع عدد عشري	- ديداكتيكي تعاقدى - ابستمولوجى
3	- عدم الاشارة الى المثلث القائم - عدم ذكر المبرهنة المستعملة - تحديد وتر مثلث - عدم وضوح الاجابة عن السؤال	- ديداكتيكي تعاقدى - ديداكتيكي تعاقدى - ديداكتيكي - تعاقدى

2- تحليل الاجوبة:

التلميذ	الفهم	الانجاز	الدقة
1	نعم	صحيح وواضح مكنه من الاجابة بشكل صحيح	نسبي ينقصه ذكر شرط المبرهنة و الانطلاق من متساوية غير متحقق من صحتها
2	نعم	واضح غير صحيح بسبب الاطاء في الحساب	نسبي ينقصه ذكر شرط المبرهنة و الدقة في حساب مربع عدد عشري
3	لا	غير صحيح و غير مكتمل وعدم الوضوح في الاجابة	غير دقيق

3- حل الوضعية:

## 4- اقتراح حوار يحتوي الانزلاقات الديدانكتيكية

### \* اثر طوباز:

- الاستاذ: ما طبيعة المثلث يا سمير؟

- التلميذ : اممممم؟؟

- الاستاذ: قا.....

-التلميذ: قائم الزاوية

- الاستاذ: جيد

### \*اثر جوردان:

-استاذ يسال التلاميذ دون انجاز تقويم ل م ف ع : هل فهمتم ؟

-التلاميذ: نعم

-الاستاذ:حسنا نمر الى درس جديد

### \*الانزلاق الميتمعرفي:

مقولة الاستاذ في امتحان 2014 حول المتجهات

### الجزء الثاني:

## 1- الصعوبات التي تعترض الاستاذ في تقديم م ف

- \* اختيار النشاط المناسب لمستوى التلاميذ
- \* ضعف المكتسبات القبلية: العمليات على الاعداد الحقيقية
- \* الانتقال بين الاطارين الهندسي و الجبري
- \* عدم توفر وسائل ديداكتيكية ملائمة

## 2- نماذج للاخطاء الشائعة : تصنيف ، اسباب ، معالجة

الخطأ	التصنيف	الاسباب	المعالجة
$BC=AB+AC$	ابستمولوجي	-صعوبة الترميز	التذكير بالمتفاوتة المثلثية
$\sqrt{a} = a$	ديداكتيكي	عدم تقديم الاعداد الحقيقية	تمرين على شكل جدول حول حساب مربعات اعداد ومقارنتها مع الاعداد الاولى
في مثلث قائم في A $AB^2=AC^2+BC^2$	ديداكتيكي	عدم تنويع الوضعيات	تعويد التلاميذ على حساب مربعات الاضلاع ومقارنتها لتحديد الوتر

## 3- وضعية من الواقع المعيش

في مجال البناء الخيط الذي يستعمله عاملو البناء لترصيف الحجارة بهدف تشييد جدارين متعامدين

## الموضوع الاول

### 1- المستوى المستهدف

السنة 1 اع : لتناوله المفاهيم الاساسية في الهندسة و تقديم الاعداد النسبية

### 2- المكونات و الموقع

\*الفرض الثاني الدورة الاولى

- جداء كسرين

- تقديم الاعداد العشرية النسبية

- المفاهيم الاساسية في الهندسة

### 3- تحليل موضوع الفرض

أ/ سلامة اللغة ووضوحها:

- عدم الانتباه الى تموقع الجدول تحت س1 ت2

- عدم توضيح ماينبغي مقارنته في س2 ت2

- عشوائية في استعمال علامات الترقيم (س2 ت2 - نقطة فاصلة)

- لغة واضحة عموما

ب/الدقة العلمية:

- عدم الاشارة الى كلمة قطعة في س1 ت1

- يستحسن استعمال انشى بدل ارسم في س2 ت1

- تقديم مفهوم التماثل المركزي في س1 ت 1
- ترابط الاسئلة 5 6 7 ت1 (الاصوب ان تكون رقم 5)
- سؤال يحتمل جوابين (مقارنة 2.4 و +2.4)
- سوء اختيار في المتغير اليداكتيكي امكانية تكرار الجواب في س1 ت2 (العددان اللذين مسافتها 4)
- تكرار على مستوى اقتراح العمليات في ت3
- ج/تلاؤم الاسئلة مع الاهداف المسطر لها

استنادا الى القدرات المنتظرة المشار اليها في التوجيهات التربوية 2009

**\*ت1 :** - س1: غير ملائم

- س2 الى س6 : ملائم

- س7: غير ملائم قدرة مستهدفة في درس متوازيين وقاطع

**\*ت2:-** س1: غير ملائم

- س2 : ملائم

**\*ت3:** غير ملائم قدرة مستهدفة في الفرض الاول

- هناك بعض الاهداف لم يتم تقويمها فكانت التغطية اقل من 75%

- العمليات على الاعداد العشرية النسبية

- ترتيب مجموعة من الاعداد تصاعديا او تناقصيا

- القوى

## د/تدرج الاسئلة من السهل الى الصعب

باعتبار المستويات المهارية وصعوبة الانجاز كان من الافضل ان يكون الترتيب كما يلي :

\*ت1: س3 - س2 - س1- س4 - س5 - س6 - س7

\*ت2: ملائم

\*ت3 : ع4 - ع3 - ع5 - ع1 - ع2

كذلك بالنسبة للترتيب على صعيد التمارين

ت3 - ت2 - ت1

ه/تناسب النقطة الممنوحة مع كل تمرين

جدول التخصيص

المفاهيم الاساسية	الاعداد العشرية النسبية	العمليات على الكسور	
5	22	0	عدد الساعات
18.6%	81.4%	0%	النسبة حسب التوجيهات
8.75	8.75	2.5	النقط الممنوحة للتمرين
43.45%	43.45%	12.5%	النسب حسب الموضوع

يتضح من خلال الجدول ان النقط غير متناسبة بالنسبة للتمرين الثلاث بسبب ادخال درس الكسور و اعطاء اهمية للمفاهيم على حساب الاعداد العشرية النسبية

و/ تناسب النقطة الممنوحة مع كل سؤال حسب الجهد:

\*ت1: لا يوجد توافق في الاسئلة

س3 و س5 و س6 : تتطلب فقط الانشاء (نقطة اقل)

س7: يحتاج الى التعليل (نقطة اكثر)

\*ت2: لا يوجد توافق في الاسئلة

س1 : ملء الجدول يتطلب فقط كتابة اعداد (نقطة اقل)

س2 :- تقسيم النقطة بين الاسئلة غير متناسب (الاصوب 2.5)

\*ت3 : هناك تناسب في النقط الممنوحة

#### 4- أ/جدول المستويات المهارية

التمرين	1									2	3
الاسئلة	1	2	3	4	5	6	7	1	2		
المستوى	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	
النقطة	1.5	1	1.5	1	1.5	1.5	0.75	6	2.75	2.5	

ب/ التوافق مع المذكرة 192

\*نسبة المستوى الاول:  $92.5\% = \frac{18.5 \times 100}{20}$

\*نسبة المستوى الثاني: 7.5%

\*نسبة المستوى الثالث: 0%

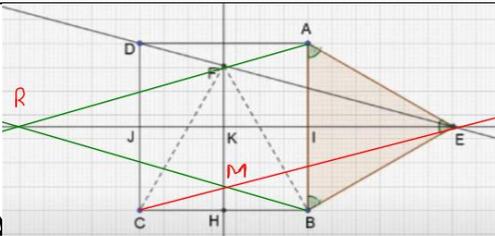
لا يتوافق مع النسب الواردة في المذكرة 192 المحددة في 50 و 30 و

## 5- المصادر المحتملة و استراتيجية المعالجة

المعالجة	المصدر	الخطأ
-الاشتغال على أنشطة متنوعة من الواقع كالمحرار و المصعد - التأكيد على الالتزام بالتعليمية	ديداكتيكي	$-11 \geq -8$
	ابستمولوجي	
- تمثيل اعداد على مستقيم مدرج ك 5.7 و +5.7 او الاستعانة بنشاط المصعد - التأكيد على الالتزام بالقاعدة و اعتبارها المرجع الاوحد للتلميذ	تعاقدية	$+2.7 \neq 2.7$
	ديداكتيكي	
- أنشطة تدمج عمليتي الجمع والضرب و تتناول حالات خاصة - التذكير بقواعد الحساب على الكسور	ديداكتيكي	$-38 \geq 0$
	ابستمولوجي	
	استراتيجي	$\frac{2}{3} \times \frac{2.5}{3} = \frac{2 \times 2.5}{3} = \frac{5}{3}$

## الموضوع الثاني:

### 1- المستويات المستهدفة:

التعليل	المستوى
بحساب قياس الزاوية $\widehat{DEF}$ باستعمال مثلثات خاصة ثم ربط القياس باستقامية النقط وكلها مكتسبات لدى التلميذ في هذا المستوى	1ع
 <p>باستعمال خاصية الحفاظ على استقامية النقط في التماثل المحوري (انظر الشكل)</p>	2ع
باستعمال معلم مناسب و مقارنة المسافات او حساب الميلين او استقامية متجهتين	3ع

## 2- الموقع حسب كل مستوى

\*1ع: الدورة 1 - درس المثلث - فرض 3

\*2ع: الدورة 2 - التماثل المحوري - فرض 2

\*3ع: الدورة 2 - الهندسة التحليلية - فرض 2

## 3- المعارف والمهارات حسب كل مستوى

المستوى	المعارف	المهارات
1ع	- مجموع زوايا مثلث - حساب قياس زاوية في مثلثات خاصة - قياس الزاوية المستقيمة - العلاقات بين زاويتين (متحاذيتين ، متتامتين (...)	- ربط الاستقامية بقياس الزاوية المستقيمة - قراءة الشكل: تقسيم الزاوية الى ثلاث زوايا - صياغة البرهان: التدرج في حساب قياسات الزوايا الثلاث وحساب المجموع
2ع	- ممائل مستقيم بتمائل محوري - الحفاظ على استقامية النقط - مماثلة نقطة تنتمي لمحور التماثل	- قراءة جيدة للشكل توصل الى استعمال التماثل المحوري - انشاء المستقيمات المساعدة والنقط - صياغة جيدة للبرهان تستند الى تقاطع المستقيمين و مماثلتهما
3ع	- احداثيات نقطة - معرفة المسافة بين نقطتين انطلاقا من الاحداثيات - م ف م - الجذور المربعة	- ربط الشكل بمعلم مناسب - التفكير في مقارنة المسافة DF مع مجموع المسافتين - تحديد احداثيات النقط باستعمال خاصيات المستقيمات الهامة

#### 4- الهدف التكويني: وضعية ادماجية

نتيح هذه الوضعية للمتعم إدماج مكتسباته السابقة (معارف، مهارات، سلوكات) ، والتي كونت له ناتجا تعليميا حصل من خلال الوحدات الدراسية التي تناولها في شكل مستقل ومجزأ ، مثلما يقع في الوحدة اللغوية (قراءة تعبير كتابية) فيتم إدماج مكتسباتها وتوظيفها في وضعية ادماجية تعطي معنى جديدا لتعلماته ، وقد خصص لذلك حصة زمنية مستقلة تهدف إلى تنمية كفاءة قاعدية.

#### 5- الصعوبات:

- تطبيق معارف في وضعية غير مألوفة
- ربط الاستقامية بقياس الزاوية المستقيمة
- قراءة الشكل: تقسيم الزاوية الى ثلاث زوايا
- صياغة البرهان: التدرج في حساب قياسات الزوايا الثلاث وحساب المجموع
- قراءة جيدة للشكل توصل الى استعمال التماثل المحوري
- انشاء المستقيمت المساعدة والنقط
- صياغة جيدة للبرهان تستند الى تقاطع المستقيمين و مماثليهما
- ربط الشكل بمعلم مناسب
- التفكير في مقارنة المسافة DF مع مجموع المسافتين
- تحديد احداثيات النقط باستعمال خاصيات المستقيمت الهامة
- تغيير الاطار

## 6- حل للوضعية

أ/ 1ع: - حساب الزاوية  $\widehat{DEA}$

- حساب الزاوية  $\widehat{\quad}$

- ذكر قياس الزاوية  $\widehat{\quad}$

- حساب مجموع الزوايا و استنتاج الاستقامية

ب/ 3ع: - اختيار المعلم (A ,B,D)

- تحديد احداثيات النقط

- حساب المسافات DE , EF,DF

- مقارنة DF و المجموع DE+EF

## مناقشة الامتحان المهني 2019 - ديداكتيك الرياضيات

الموضوع الاول:

الجزء الاول:

1- موافقة التعلّات المستهدفة:

\*النشاط 1: التذكير بجيب تمام زاوية حادة واستعمال المحسبة في تحديد قيمة مقربة له

\*النشاط 2: التعرف على جيب زاوية حادة

\*النشاط 3: التعرف على ظل زاوية حادة

\*النشاط 4 : التعرف على العلاقات بين النسب المثلثية

اذن موافقة للتعلّات لكنها لم تتطرق الى:

- تحديد قيمة مقربة لقياس زاوية باستعمال المحسبة

- حساب  $\sin \hat{A}$  و  $\cos \hat{A}$  بمعلومية أحدهما

2- المستوى المستهدف

السنة الثالثة إعدادي. لكونه يتطرق الى نسب جيب و ظل زاوية حادة

3- عنوان الدرس و الموقع

الحساب المثلثي - الدورة الاولى - الفرض 3 - بين درسي المثلث القائم

و الزوايا المحيطية والمركزية (المذكرة 192)

4- المكتسبات القبلية الضرورية:

\* جيب تمام زاوية حادة

\* المثلث القائم و م ف

\* م ط م

5- الامتدادات :

\* المثلثات المتشابهة

\* الهندسة الفضائية

\* الحساب المثلثي (التأهيلي)

\* الجداء السلمي (التأهيلي)

\* الدوال المثلثية

الجزء الثاني:

/1 -1- طبيعة الانشطة:

\*النشاط1: تذكيري \*النشاط2: بنائي \*النشاط3:بنائي \*النشاط4:توسعي

2- الهدف من infobulle في النشاط 2

اثارة انتباه المتعلم الى عدم تغير جيب زاوية ثابتة القياس رغم تغير

قياسات الاضلاع

3- التعاريف و القواعد :

\*جيب تمام زاوية حادة

\*جيب زاوية حادة

\*ظل زاوية حادة

\* قاعدتان

|| /1- التقنيات الواردة في حل التمرين:

\* استعمال المحسبة

\* توحيد المقام

\* التعميل

\* التعويض

\* حل معادلة

2- المهارات الواردة في حل التمرين:

\* فهم المطلوب

\* توظيف ظل الزاوية في مثلثين

\* ملاحظة الشكل و استخراج المعطيات

\* الصياغة الرياضياتية

الموضوع الثاني

الجزء الاول:

1/ المستوى و الدرس

3 اع – درس الهندسة التحليلية

2/ الاهداف التعليمية-التعلمية لهذه الوضعية

\* البرهنة على استقامية نقط معرفة باحداثياتها لحل مسألة من الواقع

المعيش

\* تغيير الاطار الاجتماعي الى التحليلي

- \* التعامل مع احداثيات بقيم كبيرة
- \* تحديد احداثيات نقط انطلاقا من معادلة مستقيم
- \* تحديد معادلة مستقيم انطلاقا من احداثيات نقطتين تنتميان اليه

### 3/ المكتسبات القبلية

- \* المعلم في المستوى
- \* المعادلة المختصرة لمستقيم
- \* تاثير جداء و مجموع عددين
- \* مضاعفات عدد صحيح

### 4/ العوائق المعرفية:

- الانتقال من الاطار الاجتماعي الى التحليلي
- ربط اقتراح العامل الاول باستقامية نقط في م م م
- التعامل مع احداثيات كبيرة
- اختيار الطريقة الملائمة للحل
- فهم السؤال الثاني
- نمذجة الوضعية
- الجزء الثاني:

### 1/ تحليل الاجابات

التلميذ	الفهم	الوضوح	الصحة
الاول	نعم	لا. استعمال كلمة يظهر	غير صحيح
الثاني	نعم	نسبيا ينقصه ذكر احداثيات النقط	غير صحيح لاعتماده قيم مقربة للقياسات
الثالث	نعم	غير واضح. عدم ذكر احداثيات C في المعلم الجديد	غير صحيح. عدم تغيير احداثيات C

2/ و 3/ الاخطاء و المصادر

\* الاعتماد على الملاحظة في اثبات الاستقامية

\*  $AB=52.5$  : اعتماد قيم مقربة لحساب المسافة : ديداكتيكي

استعمال رمز التساوي : ابستمولوجي

\* استعمال خاصية تغيير المعلم والتي تعتبر خارج المقرر: ديداكتيكي

4/ صيغة جديدة :

2/أ- حدد المعادلة المختصرة للمستقيم (AB)

ب- حدد الاعداد  $a ; b ; c$  et  $d$  اذا علمت ان النقط (26 ;a) و (25 ;b)

و (30 ;c) و (35 ;d)

الجزء الثالث

1/ \* استعماله كاداة في مستويات 1 اع و 2 اع في التناسبية

وككائن في 3 اع في الهندسة التحليلية

\* تناول وضعية معيشة الى تناول الدرس في اطاره الرياضياتي

2/ الصعوبات

\* تغيير الاطار

\* الطابع التجريدي للمفاهيم

3/ نماذج اخطاء شائعة ومعالجتها

سبل المعالجة	الاطاء
انشاء النقطتين والمقارنة في وضعيات متنوعة	* انشاء $M(4;5)$ بدل $M(5;4)$
التاكيد على احترام الرموز المناسبة	* $\overrightarrow{OM} = (3;4)$
تمارين تتناول حساب احداثيات منتصف ثم تمثيلها	* $M\left(\frac{x_A-x_B}{2}; \frac{y_A-y_B}{2}\right)$ حيث $M$ منتصف $[AB]$

$$(AB): y = \frac{5}{16}x + \frac{190}{16} = 5\left(\frac{x + 38}{16}\right)$$

$$x = 10$$

58 ;30 و 42 ;25 و (26 ;20)